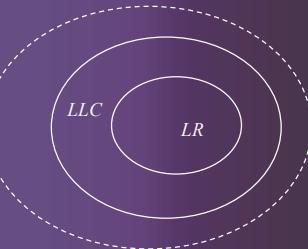


Tema 15

Gramáticas Libres del Contexto
&
Expresiones Regulares

Dr. Luis A. Pineda
ISBN: 970-32-2972-7

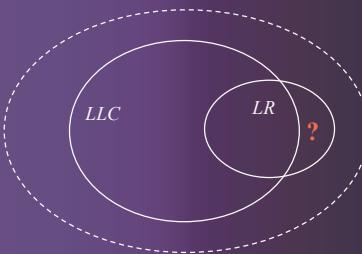
GLC & FA



- ✓ No todos los *LLC* son *RL* (el lema de bombeo)
- Si L es un *LR*, es necesariamente un *LLC*?

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC and FA



- Si L es un *LR* ¿es L un *LLC*?
- En dado caso, ¿cuál es la forma de su gramática?

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Todos los *LR* son *LLC*

- Toda *ER* tiene una *GLC* equivalente
- Todo *FA* tiene una *GLC* equivalente:
 - Gramáticas Regulares (*GR*)
- Toda *GR* tiene un *FA* equivalente
- Toda *RE* tiene una *GR* equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Todos los *LR* son *LLC*

- Todo *LR* es un *LLC*
- Hay una *GLC* para todos los *LR básicos* en Σ :
 - $L(\Phi) = L(G_\Phi)$ donde $G = (V, \Sigma, S, \Phi)$
 - $L(\Lambda) = L(G_\Lambda)$ donde $G_\Lambda = (V, \Sigma, S, \{S \rightarrow \Lambda\})$
 - Si $a \in \Sigma$ entonces $L(a) = \{a\} = L(G_a)$ &
 $G_a = (V, \Sigma, S, \{S \rightarrow a\})$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Operaciones con *GLC*

- Dadas:
 - $L_1 = L(G_1)$ & $G_1 = (V_1, \Sigma, S_1, P_1)$
 - $L_2 = L(G_2)$ & $G_2 = (V_2, \Sigma, S_2, P_2)$
- $L_u = L_1 \cup L_2 = L(G_u)$ donde
 - $G_u = (V_u, \Sigma, S_u, P_u)$ & $P_u = P_1 \cup P_2 \cup \{S_u \rightarrow S_1 | S_2\}$
- $L_c = L_1 L_2 = L(G_c)$ donde
 - $G_c = (V_c, \Sigma, S_c, P_c)$ & $P_c = P_1 \cup P_2 \cup \{S_c \rightarrow S_1 S_2\}$
- $L_* = L_1^* = L(G_*)$ donde
 - $G_* = (V, \Sigma, S, P)$ donde $P = P_1 \cup \{S \rightarrow S_1 S | \Lambda\}$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Renombrando las variables

- Los nombres de las variables deben ser únicos:
 - $V_1 \cap V_2 \cap V_u \cap V_c \cap V = \Phi$
- Considerar G_1 & G_2 tales que $V_1 \cap V_2 = X \neq \Phi$
 - $G_1 = (V_1, \Sigma, S_1, \{S_1 \rightarrow XA, X \rightarrow c, A \rightarrow a\})$
 - $G_2 = (V_2, \Sigma, S_2, \{S_2 \rightarrow XB, X \rightarrow d, B \rightarrow b\})$
- L_1 & L_2 :
 - $S_1 \Rightarrow XA \Rightarrow cA \Rightarrow ca \text{ & } L(G_1) = \{ca\}$
 - $S_2 \Rightarrow XB \Rightarrow dB \Rightarrow db \text{ & } L(G_2) = \{db\}$
- Considerar la gramática unión:
 - $P_u = P_1 \cup P_2 \cup \{S_u \rightarrow S_1 | S_2\}$
 - $S_u \Rightarrow S_1 | S_2 \Rightarrow XA \Rightarrow dA \Rightarrow da \notin L_1 \cup L_2$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

ER son GLC

- LA GLC equivalente a $(011 + 1)^*(01)^*$
- Producciones de básicas: $P_1 = \{A \rightarrow 1\}$ and $P_2 = \{B \rightarrow 1\}$

$$A \Rightarrow 1 \text{ & } B \Rightarrow 1 \quad \{1\} \text{ & } \{1\}$$
- Concatenación: $P_c = \{A \rightarrow 1\} \cup \{B \rightarrow 1\} \cup \{C \rightarrow AB\}$

$$C \Rightarrow AB \Rightarrow 1B \Rightarrow 11 \quad \{11\}$$
- Concatenación otra vez: $P_c = \{D \rightarrow 0\} \cup \{C \rightarrow AB\} \cup \{E \rightarrow DC\}$

$$E \Rightarrow DC \Rightarrow 0C \Rightarrow 011 \quad \{011\}$$
- Unión: $P_u = \{E \rightarrow DC\} \cup \{F \rightarrow 1\} \cup \{G \rightarrow E | F\}$

$$G \Rightarrow E | F \Rightarrow 011 | F \Rightarrow 011 | 1 \quad \{011 + 1\}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

ER son GLC

- Dar GLC para $(011 + 1)^*(01)^*$ (Cont....)
- Cerradura: $P = P_1 \cup \{S \rightarrow S_1 S | \Lambda\}$
 - $P_1 = \{A \rightarrow 011 | 1\}$ (Reusando nombres, por claridad)
 - $P_2 = \{A \rightarrow 011 | 1\} \cup \{B \rightarrow AB | \Lambda\} \quad \{011 + 1\}^*$

$$B \Rightarrow (011 | 1)B \Rightarrow (011 | 1)(011 | 1)B \Rightarrow (AAB)$$

$$\dots \Rightarrow (011 | 1)(011 | 1)\dots(011 | 1)\Lambda \Rightarrow (AA\dots A\Lambda)$$
- Cerradura: $P_3 = \{C \rightarrow 01\} \cup \{D \rightarrow CD | \Lambda\} \quad \{01\}^*$
- Concatenación: $P_c = P_2 \cup P_3 \cup \{S \rightarrow BD\} \quad \{011 + 1\}^*\{01\}^*$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

ER son GLC

- $ER = (011 + 1)^*(01)^*$
- La GLC equivalente es:

$$G = (\{A, B, C, D, S\}, \{0, 1\}, S, P)$$
 donde P contiene las producciones:

$A \rightarrow 011 1$	$\{011 + 1\}$
$B \rightarrow AB \Lambda$	$\{011 + 1\}^*$
$C \rightarrow 01$	$\{01\}$
$D \rightarrow CD \Lambda$	$\{01\}^*$
$S \rightarrow BD$	$\{011 + 1\}^*\{01\}^*$

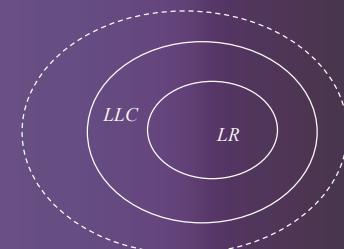
Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Propiedades de LLC & GLC

- Dados dos LLC y sus respectivas gramáticas:
 - $L_1 = L(G_1)$ & $G_1 = (V_1, \Sigma, S_1, P_1)$
 - $L_2 = L(G_2)$ & $G_2 = (V_2, \Sigma, S_2, P_2)$
- La unión $L_u = L_1 \cup L_2 = L(G_u)$ es un LLC &
 - $G_u = (V_u, \Sigma, S_u, P_u)$ & $P_u = P_1 \cup P_2 \cup \{S_u \rightarrow S_1 | S_2\}$
- La concatenación $L_c = L_1 L_2 = L(G_c)$ es un LLC
 - $G_c = (V_c, \Sigma, S_c, P_c)$ & $P_c = P_1 \cup P_2 \cup \{S_c \rightarrow S_1 S_2\}$
- La cerradura $L_* = L_1^* = L(G_*)$ es un LLC &
 - $G_* = (V, \Sigma, S, P)$ donde $P = P_1 \cup \{S \rightarrow S_1 S | \Lambda\}$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC & ER



- ✓ No todos los LLC son LR
- ✓ Si L es regular entonces L es un LLC

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Todos los *LR* son *LLC*

- ✓ Toda *ER* tiene una *GLC* equivalente
- Todo *FA* tiene una *GLC* equivalente:
 - Gramáticas Regulares (*GR*)
- Toda *GR* tiene un *FA* equivalente
- Toda *RE* tiene una *GR* equivalente

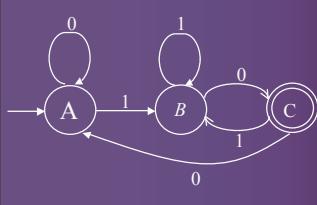
Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

¿Cuál es la forma de una *GLC* para un *LR*

- ✓ Toda *RE* tiene una *GLC* equivalente
- Todo *FA* tiene una *GLC* equivalente:
 - Gramáticas Regulares (*GR*)
- Toda *GR* tiene un *FA* equivalente
- Toda *RE* tiene una *GR* equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un *FA*

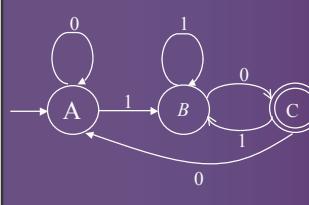


Un viejo amigo!

$$\begin{aligned}
 \delta^*(A, \Lambda) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 1) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 11) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110) &= C \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100010) &= C \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000101) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001010) &= C
 \end{aligned}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un *FA*



$$\begin{aligned}
 \delta^*(A, \Lambda) &\Rightarrow A \\
 \delta^*(A, \Lambda 1) &\Rightarrow B \\
 \delta^*(A, \Lambda 11) &\Rightarrow B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110) &\Rightarrow C \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100) &\Rightarrow A \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000) &\Rightarrow A \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001) &\Rightarrow B \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100010) &\Rightarrow C \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000101) &\Rightarrow B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001010) &\Rightarrow C
 \end{aligned}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un *FA*

$$\delta^*(q_0, ya) = \delta(\delta^*(q_0, y), a)$$

$$\begin{aligned}
 \delta^*(A, \Lambda) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 1) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 11) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110) &= C \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100010) &= C \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000101) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001010) &= C
 \end{aligned}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un *FA*

$$\delta^*(q_0, ya) = \delta(\delta^*(q_0, y), a)$$

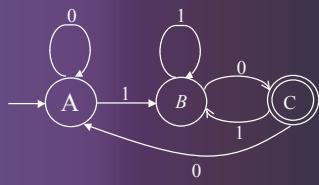
$$\begin{aligned}
 \delta^*(A, \Lambda) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 1) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 11) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110) &= C \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000) &= A \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 1100010) &= C \\
 \delta^*(A, \Lambda 11000101) &= B \\
 \delta^*(A, \Lambda 110001010) &= C
 \end{aligned}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

$$\delta^*(q_0, ya) = \delta(\delta^*(q_0, y), a)$$

$$\begin{aligned}\delta^*(A, \Lambda) &= A \\ \delta^*(A, A1) &= B \\ \delta^*(A, B1) &= B \\ \delta^*(A, B0) &= C \\ \delta^*(A, C0) &= A \\ \delta^*(A, A0) &= A \\ \delta^*(A, A1) &= B \\ \delta^*(A, B0) &= C \\ \delta^*(A, C1) &= B \\ \delta^*(A, B0) &= C\end{aligned}$$

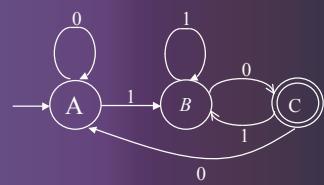


Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

$$\delta^*(q_0, ya) = \delta(\delta^*(q_0, y), a)$$

$$\begin{aligned}\delta(A, 0) &= A \\ \delta(A, 1) &= B \\ \delta(B, 0) &= C \\ \delta(B, 1) &= B \\ \delta(C, 0) &= A \\ \delta(C, 1) &= B\end{aligned}$$

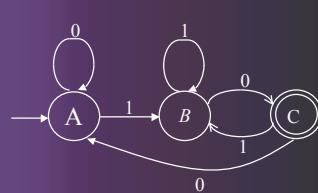


Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

$$\begin{aligned}\delta^*(q_0, ya) &= \delta(\delta^*(q_0, y), a) \\ \delta^*(q_0, x) \text{ corresponde a } S \Rightarrow^* x\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\delta(A, 0) &= A & A \rightarrow 0A \\ \delta(A, 1) &= B & A \rightarrow 1B \\ \delta(B, 0) &= C & B \rightarrow 0C \\ \delta(B, 1) &= B & B \rightarrow 1B \\ \delta(C, 0) &= A & C \rightarrow 0A \\ \delta(C, 1) &= B & C \rightarrow 1B\end{aligned}$$



Las variables corresponden a los estados!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

Aceptando una cadena:

$$\begin{array}{ll} A \Rightarrow 1B & A \rightarrow 1B \\ \Rightarrow 11B & B \rightarrow 1B \\ \Rightarrow 110C & B \rightarrow 0C \\ \Rightarrow 1100A & C \rightarrow 0A \\ \Rightarrow 11000A & A \rightarrow 0A \\ \Rightarrow 110001B & A \rightarrow 1B \\ \Rightarrow 1100010C & B \rightarrow 0C \\ \Rightarrow 11000101B & C \rightarrow 1B \\ \Rightarrow 110001010 & B \rightarrow 0 \end{array}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

La gramática correspondiente:

$$\begin{aligned}A &\rightarrow 0A \\ A &\rightarrow 1B \\ B &\rightarrow 0C \\ B &\rightarrow 1B \\ C &\rightarrow 0A \\ C &\rightarrow 1B\end{aligned}$$

Producción adicional equivalente
a transición a estado aceptor:

$$B \rightarrow 0$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Gramáticas Regulares (GR)

- Una gramática $G = (V, \Sigma, S, P)$ es regular si toda producción tiene alguna de las dos siguientes formas:

$$\begin{aligned}- B &\rightarrow aC \\ - B &\rightarrow a\end{aligned}$$

¡La cadena vacía no se genera!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Gramáticas Regulares (GR)

- Sea L un LR & $M = (Q, \Sigma, q_0, A, \delta)$ un FA tal que $L(M) = L$; Existe una Gramática Regular $G = (V, \Sigma, S, P)$ que acepta a L , cuya definición es:
 - $V = Q$ Las variables de G son los estados de M
 - $S = q_0$ El símbolo inicial de G es el edo. inicial de M
 - $P = \{B \rightarrow aC \mid \delta(B, a) = C\} \cup \{B \rightarrow a \mid \delta(B, a) = F \text{ & } F \in A\}$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

$$M = (\{A, B, C\}, \Sigma, A, \{C\}, \delta) \quad G = (\{A, B, C\}, \Sigma, A, P)$$

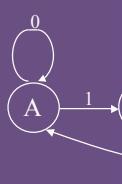
$$\begin{array}{ll} \delta: & P: \\ \delta(A, 0) = A & A \rightarrow 0A \\ \delta(A, 1) = B & A \rightarrow 1B \\ \delta(B, 0) = C & B \rightarrow 0C \mid 0 \\ \delta(B, 1) = B & B \rightarrow 1B \\ \delta(C, 0) = A & C \rightarrow 0A \\ \delta(C, 1) = B & C \rightarrow 1B \end{array}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GLC de un FA

$$M = (Q, \Sigma, A, \{C\}, \delta)$$

$$G = (\{A, B, C\}, \Sigma, A, P)$$



$$\begin{array}{l} A \rightarrow 0A \\ A \rightarrow 1B \\ B \rightarrow 0C \mid 0 \\ B \rightarrow 1B \\ C \rightarrow 0A \\ C \rightarrow 1B \end{array}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

¿Cuál es la forma de una GLC para un LR?

- ✓ Toda RE tiene una GLC equivalente
- ✓ Todo FA tiene una GLC equivalente:
 - Gramáticas Regulares (GR)
- Toda GR tiene un FA equivalente
- Toda RE tiene una GR equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

¿Cuál es el FA de una GR?

- ✓ Toda RE tiene una GLC equivalente
- ✓ Todo FA tiene una GLC equivalente:
 - Gramáticas Regulares (GR)
- Toda GR tiene un FA equivalente
- Toda RE tiene una GR equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

El FA equivante a una GR

- Vamos ahora en la dirección opuesta!

$$\begin{array}{ll} A \rightarrow 0A & \delta(A, 0) = A \\ A \rightarrow 1B & \delta(A, 1) = B \\ B \rightarrow 0C & \delta(B, 0) = C \\ B \rightarrow 1B & \delta(B, 1) = B \\ C \rightarrow 0A & \delta(C, 0) = A \\ C \rightarrow 1B & \delta(C, 1) = B \end{array}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

El FA equivante a una GR

- ¿Cuál es el estado que corresponde a reescribir una variable por un símbolo terminal?

$$\begin{array}{ll}
 A \rightarrow 0A & \delta(A, 0) = A \\
 A \rightarrow 1B & \delta(A, 1) = B \\
 B \rightarrow 0C & \delta(B, 0) = C \\
 B \rightarrow 1B & \delta(B, 1) = B \\
 C \rightarrow 0A & \delta(C, 0) = A \\
 C \rightarrow 1B & \delta(C, 1) = B \\
 B \rightarrow 0 & \delta(B, 0) = ?
 \end{array}$$



- ¡Esta producción “llega” a un estado aceptor!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

El FA equivante a una GR

- El NFA resultante:

$$\begin{array}{ll}
 A \rightarrow 0A & \delta(A, 0) = A \\
 A \rightarrow 1B & \delta(A, 1) = B \\
 B \rightarrow 0C & \delta(B, 0) = C \quad \leftarrow \\
 B \rightarrow 1B & \delta(B, 1) = B \\
 C \rightarrow 0A & \delta(C, 0) = A \\
 C \rightarrow 1B & \delta(C, 1) = B \\
 B \rightarrow 0 & \delta(B, 0) = F \quad \leftarrow
 \end{array}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

El FA equivante a una GR

- Para todo lenguaje $L \subseteq \Sigma^*$, L es regular si y sólo si existe una GR G tal que $L(G) = L - \Lambda$
- Sea L una GR $G = (V, \Sigma, S, P)$ tal que $L(G) = L$; existe un NFA $M = (Q, \Sigma, q_0, A, \delta)$ como sigue:
 - $Q = V \cup \{f\}$ Los estados de M son las variables de G , con un estado aceptor adicional f
 - $q_0 = S$ El símbolo inicial de G es el estado inicial de M
 - $A = \{f\}$
 - δ se define como sigue:

$$\delta(q, a) = \{p\} \text{ Si } q \rightarrow ap \in P \text{ & } q \rightarrow a \notin P$$

$$\delta(q, a) = \{p\} \cup \{f\} \text{ Si } q \rightarrow ap \in P \text{ & } q \rightarrow a \in P$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

El FA equivante a una GR

- Sea G una Gramática Regular

$$G = (\{A, B, C\}, \{0, 1\}, A, P)$$

donde $P = \{A \rightarrow 0A \mid 1B,$

$$B \rightarrow 0C \mid 0 \mid 1B,$$

$$C \rightarrow 0A \mid 1B\}$$

entonces

$$M = (\{A, B, C, F\}, \{0, 1\}, A, \{F\}, \delta),$$

donde δ se define como sigue:

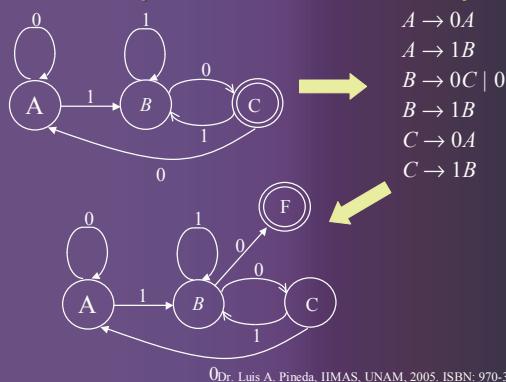
$$\delta(A, 0) = \{A\} \quad \delta(A, 1) = \{B\}$$

$$\delta(B, 0) = \{C, F\} \quad \delta(B, 1) = \{B\}$$

$$\delta(C, 0) = \{A\} \quad \delta(C, 1) = \{B\}$$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Correspondencia entre FA y GR



Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

¿Cuál es el FA de una GR?

- Toda RE tiene una GLC equivalente
- Todo FA tiene una GLC equivalente:
 - Gramáticas Regulares (GR)
- Toda GR tiene un FA equivalente
- Toda RE tiene una GR equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Gramática Canónica de una ER

- ✓ Toda RE tiene una GLC equivalente
- ✓ Todo FA tiene una GLC equivalente:
 - Gramáticas Regulares (GR)
- ✓ Toda GR tiene un FA equivalente
- Toda RE tiene una GR equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

GR equivalente a ER

- Existe un NFA- Λ para toda ER
 - Teorema de Kleene
- Existe un NFA para todo NFA- Λ
- Existe un DFA para todo NFA
- Existe una GR para todo DFA
- Entonces, existe una GR para toda ER

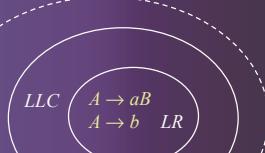
Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Gramática Canónica de una ER

- ✓ Toda RE tiene una GLC equivalente
- ✓ Todo FA tiene una GLC equivalente:
 - Gramáticas Regulares (GR)
- ✓ Toda GR tiene un FA equivalente
- ✓ Toda RE tiene una GR equivalente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Gramática Canónica para un LR



- ✓ Si L es un lenguaje regular, L es un LLC
- ✓ Una GR es una GLC para L en una “forma normal”

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7