Tema 16

Ambigüedad

Dr. Luis A. Pineda ISBN: 970-32-2972-7

Ambigüedad

- Si una gramática genera más de una estructura a partir de la misma raiz y con la misma cosecha (más de una estructura para la misma cadena), dicha gramática es ambigua
- Dos tipos de ambigüedad
- En la gramática
- En el lenguaje

Dr. Luis A. Pineda. IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Ambigüedad

- Si una gramática es ambigua, posiblemente (no necesariamente) existe una gramática <u>no ambigua</u> que genere el mismo lenguaje
- Un lenguaje es inherentemente ambiguo si todas sus gramáticas son ambiguas
- ¡No existe un algoritmo que decida si una gramática es ambigua!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Una gramática ambigua

Exp es una GLC

-
$$G_{exp} = (\{E\}, \{+, *, (,), 1, ..., 9\}, E, P)$$

donde $P = \{E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid 1 \mid ... \mid 9\}$

Una expresión ambigua:

-E+E*E

Dos derivaciones:

$$- E \Rightarrow E + E \Rightarrow E + E * E$$

$$- E \Rightarrow E * E \Rightarrow E + E * E$$

¡Son iguales!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005, ISBN: 970-32-2972-7

Una gramática ambigua

- La expresión final es la misma:
- $-E \Rightarrow^* E + E * E$
- $-E \Rightarrow^* E + E * E$

Pero las derivaciones son diferentes:

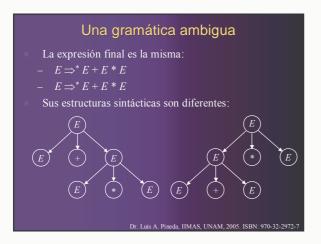
- $E \Rightarrow E + E \Rightarrow E + E * E$
- $E \Rightarrow E * E \Rightarrow E + E * E$

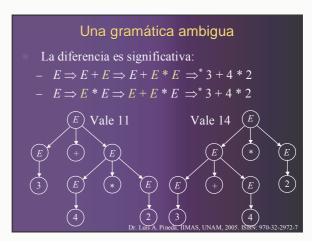
Dr. Luis A. Binada HMAS HNAM 2005 ISBN: 070-22-2072

Una gramática ambigua

- A cada derivación le corresponde una estructura sintáctica:
- Derivaciones diferentes pueden generar la misma estructura (para la misma cadena)
- La ambigüedad surge cuando derivaciones diferentes generan estructuras diferentes (para la misma cadena)

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7





¿De quién es el "defecto"? Derivaciones diferentes pueden tener la misma estructura: $E \Rightarrow E + E \Rightarrow 3 + E \Rightarrow 3 + 2$ $E \Rightarrow E + E \Rightarrow E + 2 \Rightarrow 3 + 2$ La ambigüedad surge cuando hay más de una estructura sintáctica para la misma expresión!

Gramáticas ambiguas

Una CFG $G = (V, \Sigma, S, P)$ es ambigua si existe cuando menos una cadena w en Σ^* para la cual hay más de una árbol de parseo o estructura sintáctica, cada una de éstas con raiz S y cosecha w Si toda cadena en el lenguaje de la gramática tiene cuando más un árbol de

parseo, la gramática no es ambigua

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Gramáticas ambiguas

Si G es una GLC ambigua, tal que L = L(G) & existe una G_i no ambigua tal que $L = L(G_i)$, podemos eliminar la ambigüedad reemplazando a G por G_i (usando a G_i en vez de G)

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-

Eliminando la ambigüedad

En general, no existe un algoritmo para eliminar la ambigüedad Hay *LLC* que sólo tienen gramáticas ambiguas!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Eliminando la ambigüedad

- En la práctica y para algunas aplicaciones (e.g. definir *GLC* para lenguajes de programación), es posible eliminar la ambigüedad
- Para esto es necesario estudiar las causas de la ambigüedad (específicas para una gramática ambigua dada) y proporcionar una gramática alternativa no ambigua!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005, ISBN: 970-32-2972-7

Causas de la ambigüedad

Consideremos G_{exp} :

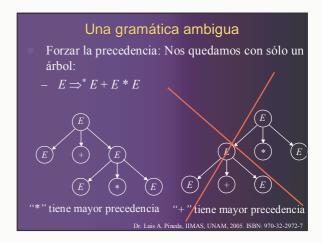
Fuente 1:

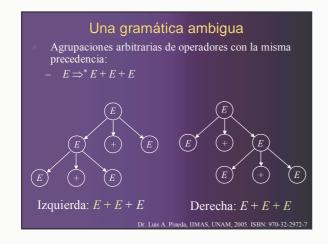
La precedencia de los operadores no se respeta

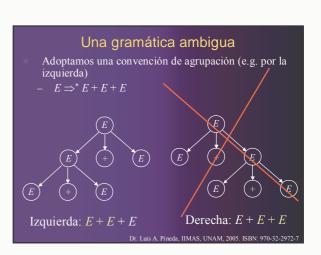
Fuente 2:

- Una secuencia del mismo operadore se puede agrupar tanto por la izquierda como por la derecha
- ¡Esto no afecta si el operador es asociativo!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7







Eliminando la ambigüedad

Para forzar la precedencia:

 Usar diferentes tipos de variables para representar expresiones con el mismo grado de atracción

Binding strength:

- Factores
- Término
- Expresiones

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Eliminando la ambigüedad

Considerar G_{exp} (adicionando id's):

-
$$G_{exp} = (\{E, I\}, \{+, *, (,), a, b, 0, 1\}, E, P)$$

donde $P = \{E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid I, I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1\}$

¿Cuáles son los factores, los términos y las expresiones en G_{exp} ?

Dr. Luis A. Pineda. IIMAS. UNAM. 2005. ISBN: 970-32-2972-

Factores

Una expresión que no puede partirse por ningún operador adjacente:

– Los identificadores:

$$a1+b00*aa10 \Rightarrow (a1+b0)(0*aa10)$$
?

 Expresiones entre paréntesis: Los paréntesis hacen a las expresiones que enciarran unidad coherentes indestructibles! Son el mecanismo sintáctico para crear factores!

Dr. Luis A. Pineda. IIMAS. UNAM. 2005. ISBN: 970-32-2972-

Términos

Una expresión que no puede partirse por el operador +:

✓
$$a1*a*b \Rightarrow (a1*a)*b$$

× $a1+a*b \Rightarrow (a1+a)*b$
 $a*b$ es un término!

Dr. Luis A. Pineda. IIMAS. UNAM. 2005. ISBN: 970-32-2972-

El grado de atracción

Una cadena bien formada que puede partirse por un + o un * adjacente

La suma de dos términos

Dr. Luis A. Birada HMAS HNAM 2005 ISBN: 070-22-2072

Forzando la precedencia

Con las variables de precedencia podemos encontrar una gramática alternativa no ambigua para G_{exp} :

$$G_{exp-I} = (\{E, T, F, I\}, \{+, *, (,), a, b, 0, 1\}, E, P)$$
donde $P = \{I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1,$

$$F \rightarrow I \mid (E)$$

$$T \rightarrow F \mid T * F$$

$$E \rightarrow T \mid E + T\}$$

Or. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Eliminando la ambigüedad

Las producciones se diseñana de forma tal que las variables con menor grado de atracción dominen a las variables con mayor grado de atracción (i.e. las expresiones aparecen más arriba que los términos, y estos más arriba que los factores, en el árbol de parseo).

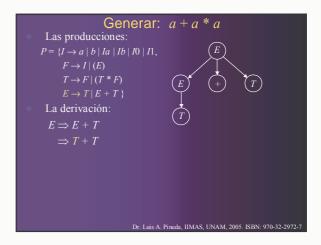
Dr. Luis A. Pineda, HMAS, UNAM, 2005, ISBN: 970-32-2972-7

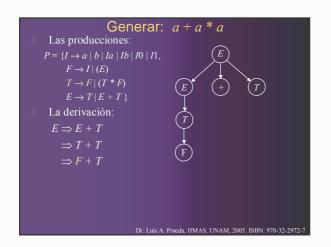
```
Generar: a + a * a

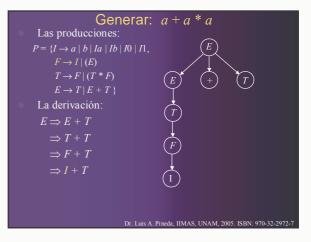
Las producciones:
P = \{I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1, \qquad E
F \rightarrow I \mid (E)
T \rightarrow F \mid (T * F)
E \rightarrow T \mid E + T \}
La derivación:
E \Rightarrow

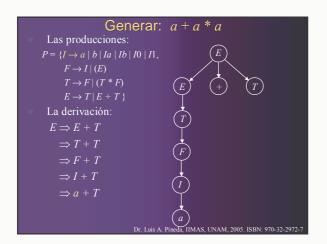
Dr. Luis A. Fineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7
```

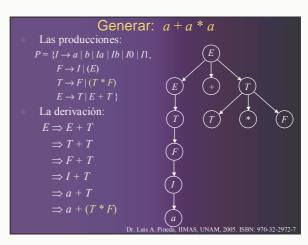
```
Generar: a+a*a
Las producciones:
P = \{I \rightarrow a \mid b \mid Ia \mid Ib \mid I0 \mid I1, F \rightarrow I \mid (E)
T \rightarrow F \mid (T*F)
E \rightarrow T \mid E+T \}
La derivación:
E \Rightarrow E+T
Dr. Luís A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7
```

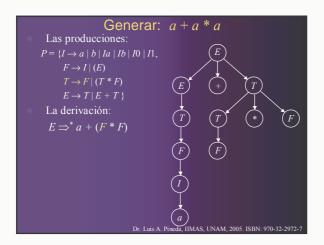


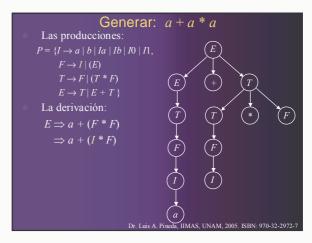


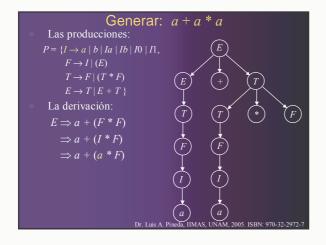


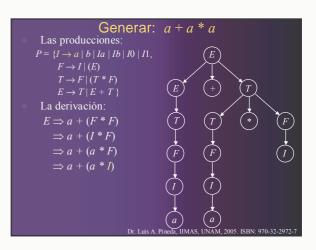


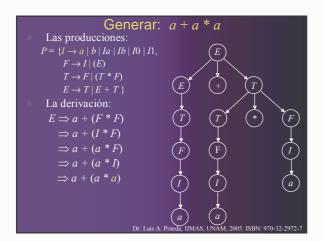


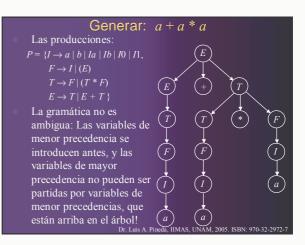


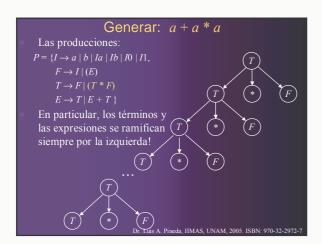


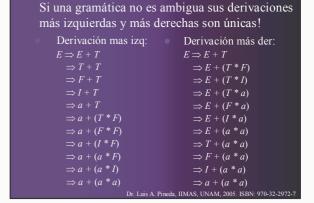












Gramáticas no ambiguas

Ambigüedad y derivaciones más izquieras Derivación más izq: Teorema: Para toda gramática G = (V, T, S, P)& cadenas w en T^* , wtiene dos árboles de parseo distintos si y sólo si tiene dos derivaciones más izquierdas a partir de S $\Rightarrow a + (F * F)$ $\Rightarrow a + (I * F)$ Prueba: si no fuera el caso una variable más izquierda se podría

expandir en más de una forma!
IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972

Un lenguaje L es inherentemente ambiguo si todas sus gramáticas son ambiguas; si existe cuando menos una gramática no ambigua para L, L no es ambiguo. El lenguaje de las expresiones no es ambiguo Las expresiones regulares no son ambiguas

Ambigüedad Inherente

Ambigüedad Inherente

Ejemplo de un lenguaje inherentemente ambiguo:

$$L = \{a^n b^n c^m d^m \mid n \ge 1, m \ge 1\} \cup$$
$$\{a^n b^m c^m d^n \mid n \ge 1, m \ge 1\}$$

L es un LLC:

$$S \to AB \mid C$$

$$A \rightarrow aAb \mid ab$$

$$C \rightarrow aCd \mid aDd$$
$$D \rightarrow bDc \mid bc$$

$$B \rightarrow cBd \mid cd$$

Ambigüedad Inherente

L es un LLC:

$$S \rightarrow AB \mid C$$

$$A \rightarrow aAb \mid ab$$

$$C \rightarrow aCd \mid aDd$$

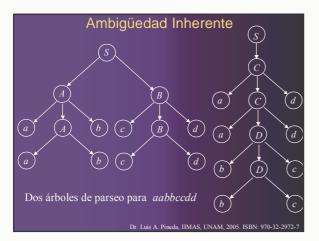
$$B \rightarrow cBd \mid cd$$

$$D \rightarrow bDc \mid bc$$

La gramática es ambigua: hay cadenas con más de una derivación más izquierda:

- Considere: aabbccdd (m = n = 2)
- S ⇒ AB ⇒ aAbB ⇒ aabbB ⇒ aabbcBd ⇒ aabbccdd
- $-S \Rightarrow C \Rightarrow aCd \Rightarrow aaDdd \Rightarrow aabDcdd \Rightarrow aabbccdd$

r Luis A Dinada HMAS HNAM 2005 ISDN: 070 22 2072 7



Ambigüedad Inherente

El lenguaje:

$$- L = \{a^n b^n c^m d^m \mid n \ge 1, m \ge 1\} \cup$$

$$\{a^nb^mc^md^n\mid n\geq 1,\, m\geq 1\}$$

La gramática

$$- S \to AB \mid C$$

$$A \rightarrow aAb \mid ab$$

$$C \rightarrow aCd \mid aDd$$

$$B \rightarrow cCd \mid cd$$

$$D \rightarrow bDc \mid bc$$

¿Por qué todas las gramáticas para este lenguaje son ambiguas?

- Considere cualquier cadena con m = n
- ¡Siempre habrá dos derivaciones para estas cadenas!

Dr. Luis A. Pineda. IIMAS. UNAM. 2005. ISBN: 970-32-2972-7

Ambigüedad Inherente

¿Qué cambios podríamos hacer en la gramática?

El problema: La disjunción (de nuevo!)

- No hay otro mecanismo para contar el mismo número de a's & b's, y al mismo tiempo, para contar el mismo número de a's & d's
- Lo mismo para contar las c's & d's &,
 al mismo tiempo, las b's & c's

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2005. ISBN: 970-32-2972-7

