



Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Toman la sintaxis abstracta (parsed) de un programa
- Producen el valor de la expresión
- La especificación del interprete corresponde a la semántica del lenguaje de programación
- Intérprete básico:
 - literales
 - variables
 - aplicaciones
- Estrategia de definición:
 - Se agregan otras formas incrementalmente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Valores expresados y denotados

- Se requiere especificar el conjunto de valores que el lenguaje manipula:
 - Valores expresados (valores posibles o tipos)
 - números
 - pares
 - caracteres
 - strings
 - Valores denotados (valores ligados a variables)
 - celdas que contienen valores expresados
- En el intérprete básico:
 - Valores expresados: Números y procedimientos
 - Valores denotados: Números y procedimientos

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Lenguajes de definición y definido

- De definición: lenguaje empleado para definir el lenguaje de programación (meta-lenguaje)
 - En nuestro caso: Scheme
- Definido: lenguaje de programación (objeto)
 - `<exp> ::= <integer-literal>`
 - `| <varref>`
 - `| (<operatos><operands>)`
 - `<operatos> ::= <varref> | (<exp>)`
 - `<operand> ::= ( ) | (<operand> {,<operand>}*)`
 - `<operand> ::= <exp>`
 - `<varref> ::= <var>`

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Expresiones del lenguaje

- 3
- n
- +(3, n)
- add1(+ (3, n))
- (add1)(+ (3, n))

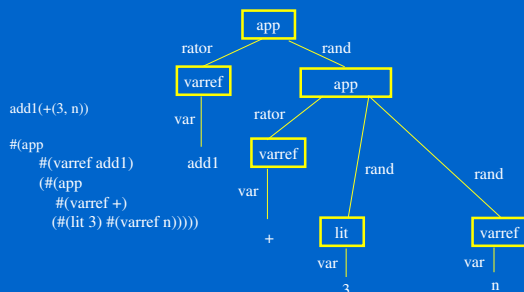
Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Definición de la sintaxis abstracta

- Definición:
 - (define-record lit (datum))
 - (define-record varref (var))
 - (define-record app (rator rand))

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Sintaxis abstracta



Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete básico

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (apply-env init-env var))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator))
              (args (eval-rands rands)))
          (apply-proc proc args)))
      (else "error: sintaxis inválida:" exp))))

> (define eval-rands (lambda (rands) (map eval-exp rands)))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

apply-env init-env var

- Environment: tipo abstracto función finita
 - ambiente intérprete básico: init-env
 - apply-env regresa el valor denotado por la variable *var* en *init-env*
- Definición de ADT para ambientes:
 - (define the-empty-env (create-empty-ff))
 - (define extend-env extend-ff*)
 - (define apply-env apply-ff)
- Implementación: *ribcage*

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Aplicación

- Evaluación en orden aplicativo: Los operadores se llaman antes de llamar al procedimiento (*apply-proc*)
 - (eval-exp rator)
 - (eval-rands rands)
- La aplicación depende de los procedimientos específicos:

<procedure> ::= <prim-op>	prim-proc (prim-op)
<prim-op> ::= <addition>	+
<subtraction>	-
<multiplication>	*
<increment>	add1
<decrement>	sub1

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Aplicación

- Representación de procedimientos primarios:

```
> (define-record prim-proc (prim-op))
```

- Definición de init-env:

```
> (define prim-op-names '(+ - * add1 sub1))
```

```
> (define init-env
```

```
  (extend-env
```

```
    prim-op-names
```

```
    (map make-prim-proc prim-op-names)
```

```
    the-empty-env))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Definición de ADT para procedimientos

```
> (define apply-proc
```

```
  (lambda (proc args)
```

```
    (variant-case proc
```

```
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
```

```
      (else (error "procedimiento inválido:" proc))))))
```

```
> (define apply-prim-op
```

```
  (lambda (prim-op args)
```

```
    (case prim-op
```

```
      ((+) (+ (car args) (cadr args)))
```

```
      ((-) (- (car args) (cadr args)))
```

```
      ((* ) (* (car args) (cadr args)))
```

```
      ((add1) (+ (car args) 1))
```

```
      ((sub1) (- (car args) 1))
```

```
      (else (error "operador inválido:" prim-op))))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Front-end & parsing

- Primera aproximación:

- Teclear las expresiones en forma de lista (en vez de usar la sintaxis concreta)

```
> (define run
```

```
  (lambda (x)
```

```
    (eval-exp (parse x))))
```

```
> (run '5)
```

```
5
```

```
> (run '(add1 2))
```

```
3
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Ciclo de lectura-evaluación-escritura

```
> (define read-eval-print
```

```
  (lambda ( )
```

```
    (display "-->")
```

```
    (write (eval-exp (parse (read))))
```

```
    (newline)
```

```
    (read-eval-print)))
```

```
> (read-eval-print
```

```
--> 5
```

```
5
```

```
--> (add1 2)
```

```
3
```

```
--> (* (add1 2) (- 6 4))
```

```
6
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Front-end & parsing

- Problema: posible confusión entre el lenguaje que está siendo definido y el lenguaje de definición (Scheme).

- Otra aproximación:

- Definir un parser para leer la entrada como una cadena de caracteres (apéndices D y E):

```
> (define parse character-string-parse)
```

```
> (run "5")
```

```
5
```

```
> (run "add1(2)")
```

```
3
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Front-end & parsing

- Otra aproximación (leyendo la entrada como un *stream*) (según apéndice F):

- Definir ciclo read-eval-print para *<exp>*

```
--> 5;
```

```
5
```

```
--> add1(2);
```

```
3
```

```
--> *(add1(2),-(6,4));
```

```
6
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Para aumentar propiedades (características) al lenguaje:
 - Se incrementa una producción en la definición de `<exp>`
 - Se especifica la sintaxis abstracta para dicha característica
 - Se incluye el caso correspondiente en el variant-case en el intérprete

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Definición de la evaluación condicional

- Se incrementa una producción:
 - Sintaxis concreta:
`<exp> ::= if <exp> then <exp> else <exp>`
- Definición para construir la sintaxis abstracta
 - `(define-record if (test-exp then-exp else-exp))`

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Definición de la evaluación condicional

- Se incluye el caso correspondiente en el variant-case en el intérprete:
`(if (test-exp then-exp else-exp)`
`(if (true-value? (eval-exp test-exp))`
`(eval-exp then-exp)`
`(eval-exp else-exp)))`

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Definición de la evaluación condicional

- Definición de `true-value?`
 - No hay booleanos como valor expresado por lo que se pueden definir valores de verdad como números: cero es falso y cualquier otro valor es verdadero
 - `(define true-value? (lambda (x) (not (zero? x))))`
 - `--> if 1 then 2 else 3;`
`2`
`--> if - ( 3, + (1, 2)) then 2 else 3;`
`x`
`--> 3`

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con condicional

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (apply-env init-env var))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator))
              (args (eval-rands rands)))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp))
            (eval-exp then-exp)
            (eval-exp else-exp)))
      (else "error: sintaxis inválida;" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- **Ligas locales**
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Ligas locales con *let*

- Enriquecer el lenguaje con la forma *let*
 - Sintaxis concreta:
 $\langle \text{exp} \rangle ::= \text{let } \langle \text{decls} \rangle \text{ in } \langle \text{exp} \rangle$
 $\langle \text{decls} \rangle ::= \langle \text{decl} \rangle \{ ; \langle \text{decl} \rangle \}^*$
 $\langle \text{decl} \rangle ::= \langle \text{var} \rangle = \langle \text{exp} \rangle$
 - Ejemplos:
(1) $\text{let } x = 5; \quad \langle \text{decls} \rangle = \langle \text{decl}; \text{decl} \rangle$
 $y = 6 \quad x = 5; y = 6$
 $\text{in } +(x, y)$
(2) $\text{let } x = 3 \quad \langle \text{decls} \rangle = \langle \text{decl} \rangle = x = 3$
 $\text{in let } x = *(x, x) \quad \langle \text{decls} \rangle = \langle \text{decl} \rangle = x = *(x, x)$
 $\text{in } +(x, x)$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Ligas locales

- Alcance léxico (lexical scope)
 - La región ligada a la declaración del *let* es el *body*
- Para construir la sintaxis abstracta
 - Un registro para cada declaración *let*
(define-record let (decls body))
 - Un registro para cada par variable-expresión (cuando menos uno para cada *let*!)
(define-record decl (var exp))
- Ambiente de evaluación
 - Las variables de las declaraciones deben ligarse a su $\langle \text{exp} \rangle$ (RHS)
 - Otras variables deben evaluarse en el medioambiente de todo el *let*
 - **ergo: el medioambiente de evaluación tiene que ser un parámetro del intérprete**

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con “env” como parámetro

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (apply-env env var))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env)))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
            (eval-exp then-exp env)
            (eval-exp else-exp env)))
      (else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con “env” como parámetro

```
> (define eval-rands
  (lambda (rands env)
    (map (lambda (rand) (eval-exp rand env))
         rands)))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *let*

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (apply-env env var))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env)))
          (apply-proc proc args)))
      ...
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *let* (... cont)

```
(if (test-exp then-exp else-exp)
    (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
        (eval-exp then-exp env)
        (eval-exp else-exp env)))

(let (decls body)
    (let ((vars (map decl->var decls))
          (exps (map decl->exp decls)))
      (let ((new-env (extend-env vars
                                (eval-rands exps env)
                                env)))
        (eval-exp body new-env))))

(else "error: sintaxis inválida." exp)))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Lenguajes con alcance léxico

- Una región fija del texto, el *body*, se asocia con las nuevas ligas en un medioambiente
- Si *extend-env* crea una nueva liga para una variable existente, la nueva liga tiene precedencia sobre la anterior. Las declaraciones más anidadas crean hoyos para las externas.

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Procedimientos

- Enriquecer el lenguaje con la forma *proc*
 - Sintaxis concreta:

```
<exp> ::= proc <varlist> <exp>
<varlist> ::= ( ) | ( <vars> )
<vars> ::= <var> { , <var> }*
```
 - Ejemplos:
 - (1) `let f = proc ( y, z ) * ( y, - ( z, 5 ) )`
`in f(2, 8)`
 - (2) `(proc (y, z) *(y, -(z, 5))) (2, 8);` aplicación

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Procedimientos

- Enriquecer el lenguaje con la forma *proc*
 - Sintaxis abstracta:

```
<exp> ::= proc <varlist> <exp>
<varlist> ::= ( ) | ( <vars> )
<vars> ::= <var> { , <var> }*
```
 - Sintaxis abstracta: para definir un procedimiento
`(define-record proc (formals body))`
 - Definición de *closure*: para aplicar un procedimiento

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Procedimientos

- Ligas y alcance
 - *body* se evalúa en un *environment* en el que los parámetros formales del procedimiento se ligan a los argumentos de la aplicación
 - Reglas de alcance léxico: se deben usar las ligas vigentes al momento de llamar al procedimiento
 - ejemplo:

```
let x = 5
in let f = proc (y, z) * (y, - (z, x));
  x = 28
  in f(2, 8)

resulta en 6!
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Cerradura (closure)

- Un procedimiento puede ser llamado en cualquier parte del código, por lo que hay que guardar su medio-ambiente!
- *Closure*: paquete independiente del ambiente en que se evalúa un procedimiento y que consta de:
 - Cuerpo del procedimiento
 - Lista de parámetros formales
 - Las ligas de las variables libres (environment)
- Definición de “closure”
 - (define-record closure (formals body env))
- Un “closure” se aplica a una lista de argumentos!

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Procedimientos no primitivos

- Hay que extender *apply-proc*:
 - > (define apply-proc
 (lambda (proc args)
 (variant-case proc
 (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
 (closure (formals body env)
 (eval-exp body (extend-env formals args env)))
 (else (error "procedimiento inválido:" proc))))))

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Procedimientos

- Hay que extender *apply-proc*:
 - > (define apply-proc
 (lambda (proc args)
 (variant-case proc
 (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
 (closure (formals body env)
 (eval-exp body (extend-env formals args env)))
 (else (error "procedimiento inválido:" proc))))))

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Procedimientos

- Evaluación de *proc*:
 - Crear un closure para el procedimiento
- Extensión del interprete:
 - > (define eval-exp
 (lambda (exp env)
 (variant-case exp
 (proc (formals body)
 (make-closure formals body env)))
 ...)))

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *proc*

```
> (define eval-exp  
  (lambda (exp env)  
    (variant-case exp  
      (lit (datum) datum)  
      (varref (var) (apply-env env var))  
      (app (rator rands)  
        (let ((proc (eval-exp rator env))  
              (args (eval-rands rands env))))  
          (apply-proc proc args)))  
      (if (test-exp then-exp else-exp)  
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))  
            (eval-exp then-exp env)  
            (eval-exp else-exp env)))  
      ...
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *proc* (... cont)

```
(let (decls body)  
  (let ((vars (map decl->var decls))  
        (exps (map decl->exp decls))  
        (let ((new-env (extend-env vars  
                                   (eval-rands exps env)  
                                   env)))  
          (eval-exp body new-env))))  
  (proc (formals body)  
    (make-closure formals body env)))  
(else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *proc* (... cont)

```
> (define apply-proc
  (lambda (proc args)
    (variant-case proc
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
      (closure (formals body env)
        (eval-exp body (extend-env formals args env)))
      (else (error "procedimiento inválido:" proc)))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- **Asignación de variables**
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Asignación de variables

- Estrategía:
 - Modificar ADT extend-env para poder cambiar el valor de una celda
 - Actualmente un *environment* liga cada variable con su valor expresado asociado (*extend-ff*)
 - Para la asignación las variables serán ligadas con localidades de memoria, cuyo contenido es modificado con la asignación
Denoted Value = Cell (expressed Value)
 - Definir la sintaxis concreta para la asignación
 - Definir la sintaxis abstracta: define record
 - Extender el intérprete

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Asignación de variables

- El almacén (the store)
 - La colección de todas las localidades, incluyendo las modificables
 - El valor de las localidades se modifica con *set-cdr!*
- Modificación del intérprete (usando celdas pp. 125)
 - Modificación en *apply-proc*:
 - Antes: (extend-env formals args env)
 - Ahora: (extend-env formals (map make-cell args) env)
 - Cuando se hace una referencia el valor se tiene que extraer de la celda en la la entrada del *variant-case* correspondiente a *varref*:
 - Antes: (varref (var) (apply-env env var))
 - Ahora: (varref (var) (cell-ref (apply-env env var)))
- Tipo de referencia: call-by-value

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Asignación de variables

- Sintaxis concreta para la asignación:
<exp> ::= <var> := <exp>
- Registro para interpretación de la sintaxis abstracta:
(define-record varassign (var exp))
- Implementación de la asignación (aumentar al intérprete en el *variant-case*)
 - (varassign (var exp)
(cell-set! (apply-env var) (eval-exp exp env)))
 - *L-values*: Localidades pasadas a *cell-set!*
 - *R-values*: Expressed Values (rhs)

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *proc*

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (cell-ref (apply-env env var)))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env))))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
            (eval-exp then-exp env)
            (eval-exp else-exp env))))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *proc* (... cont)

```
(let (decls body)
  (let ((vars (map decl->var decls))
        (exps (map decl->exp decls))
        (let ((new-env (extend-env vars
                                   (eval-rands exps env)
                                   env))))
    (eval-exp body new-env))))
(proc (formals body)
  (make-closure formals body env))
(varassign (var exp)
  (cell-set! (apply-env env var) (eval-exp exp env)))
(else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *proc* (... cont)

```
> (define apply-proc
  (lambda (proc args)
    (variant-case proc
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
      (closure (formals body env)
        (eval-exp
          body
          (extend-env
            formals
            (map make-cell args)
            env)))
      (else (error "procedimiento inválido:" proc)))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Secuenciación

- Sintaxis concreta:
 - <exp> ::= begin <exp> <compound>
 - <compound> ::= {;<exp>}* end
- Sintaxis abstracta:
 - (define-record begin (exp1 exp2))
- Ejemplo:


```
--> let x = 3
      in begin
        x := add1(x);
        x := +(x x);
        +(x, 2)
      end;
```

10

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- **Recursión**
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Tres formas de definir la recursión

- Utilizando el combinador Y en el cálculo lambda
 - Interesante desde el punto de vista teórico
 - Se podría implementar directamente en el intérprete
 - Ineficiente desde del punto de vista práctico
- Utilizando el *letrec*
 - Se crean cerraduras para cada llamada recursiva
 - Los *environment* contienen ligas circulares
- Creando una forma especial para manejar la recursión directamente sin circularidad

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Por transformación de *letrec*

- Se transforma sintácticamente una expresión *letrec* en una expresión usa un *let* para crear un *environment* con ligas auxiliares a variables (dummy variable bindings)
- Los procedimientos recursivos son cerrados en dicho *environment*
- Se utiliza la asignación para incluir los *closures* en las celdas asociadas a las variables auxiliares

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Trasnformación del *letrec*

```
(letrec ((var1 exp1) ... (varn expn))
  body)
⇒
(let ((var1 '*') ... (varn '*'))      ;ligas auxiliares
  (let ((v1 exp1) ... (vn expn))    ;se evalúan los proc.
    (set! var1 v1)                  recursivos y se asignan
    ...                               a las variables dummy
    (set! varn vn)
    'unspecified
  body)
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Ejemplo

```
(letrec ((var1 exp1))
  body)
⇒
(let ((var1 '*'))
  (let ((v1 exp1))
    (set! var1 v1)
    'unspecified
  body))

letrec((fact (lambda (n) ...
  ...))
⇒
(let ((fact '*'))
  (let ((v1 (lambda (n) ... ))
    (set! fact v1)
    'unspecified
  body))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Recursión directa en el intérprete sin circularidad

- Enriquecer la sintaxis con una variante de *letrec*, restringiendo el RHS de las declaraciones recursivas a expresiones *proc*
- Sintaxis concreta:


```
<exp> ::= letrecproc <procdcl> in <exp>
<procdcl> ::= <procdcl> [; <procdcl>]*
<procdcl> ::= <var> <varlist> = <exp>
```
- Para definir sintaxis abstracta


```
(define-record letrecproc (procdcls body))
(define-record procdcl (var formals body))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Recursión directa en el intérprete sin circularidad

- Ejemplos:


```
letrecproc
  fact(x) = if zero(x) then 1 else *(x, fact(sub1(x)))
in fact(6)

letrecproc
  even(x) = if zero(x) then 1 else odd(sub1(x));
  odd(x) = if zero(x) then 0 else even(sub1(x))
in odd(13)
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Agregar *letrecproc* al intérprete

- Definir *extend-rec-env*
 - operador para el ADT *env* extiende el *environment* con un conjunto de procedimientos mutuamente recursivos
- Modificar el *variant-case* de *eval-exp* para incorporar el nuevo tipo de registro en la sintaxis abstracta (*letrecproc*).
- La nueva entrada es similar a *let* pero utiliza *extend-rec-env* en vez del *extend-env*
- Implementación:
 - Se almacena la información del *closure* de una llamada recursiva, excepto en *env* en un registro *proc*
 - Se define un *closure* completo antes de regresar un valor

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Environment ADT sin circularidad

```
(define-record extended-rec-env (vars vals old-env))

(define extend-rec-env ;utilizando ribasoc
  (lambda (procdcls env)
    (make-extended-rec-env
      (map procdcl->var procdcls)
      (list->vector
        (map (lambda (procdcl)
              (make-proc
                (procdcl->formals procdcl)
                (procdcl->body procdcl)))
              procdcls))
      env)))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Environment ADT sin circularidad

```
( (define apply-env ;utilizando ribassoc
  (lambda (env var)
    (variant-case env
      (extended-rec-env (vars vals old-env)
        (let ((p (ribassoc var vars vals '*fail*)))
          (if (eq? p '*fail*)
              (apply-env old-env var)
              (make-closure (proc->formals p)
                            (proc->body p)
                            env))))
      ... el tipo normal de environment)))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *letrecproc*

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (apply-env env var))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env))))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
            (eval-exp then-exp env)
            (eval-exp else-exp env))
        ...
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *letrecproc* (... cont)

```
(let (decls body)
  (let ((vars (map decl->var decls))
        (exps (map decl->exp decls))
        (let ((new-env (extend-env vars
                                   (eval-rands exps env)
                                   env)))
          (eval-exp body new-env))))
  (proc (formals body)
    (make-closure formals body env))
  (letrecproc (procdecls body)
    (eval-exp body (extend-rec-env procdecls env)
    (else "error: sintaxis inválida." exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Alcance y asignación dinámica

- Alcance dinámico
 - Mecanismo de liga de variables (binding) muy expresivo
 - Difícil razonar acerca de programas con ligas con alcance dinámico
- Asignación dinámica
 - Ventajas de las ligas con alcance dinámico
 - Simplicidad de las ligas con alcance léxico

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un interprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Alcance dinámico

- Alcance léxico
 - Los procedimientos se evalúan en el *environment* de creación
 - Se requiere un nuevo *closure* cada vez que una expresión "proc" es evaluada
- Alcance dinámico
 - Los procedimientos se evalúan en el *environment* vigente al momento de evaluación (no de creación)
 - Una liga dinámica es vigente sólo durante la evaluación del *body* asociado con la liga
 - Las variables en el cuerpo del procedimiento utilizan las ligas que se ha establecido más recientemente en el proceso de evaluación

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Alcance léxico versus dinámico

- Alcance léxico


```
> let a = 3
    in let p = proc (x) +(x, a);
      a = 5
    in *(a, p(2))
⇒ *(5, +(2, 3)) = 25
```
- Alcance dinámico


```
> let a = 3
    in let p = proc (x) +(x, a);
      a = 5
    in *(a, p(2))
⇒ *(5, +(2, 5)) = 35
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Alcance dinámico

- Los procedimientos no se cierran sobre su ambiente de creación
- Sólo se requiere entonces almacenar la lista de parámetros formales y el cuerpo del procedimiento!
- Consecuentemente, la cláusula de *proc* en el *variant-case* de *eval-exp* es:


```
(proc (formal body) exp)
```
- La evaluación es simple y eficiente

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *proc* (liga léxica)

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (cell-ref (apply-env env var)))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env))))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
          (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
              (eval-exp then-exp env)
              (eval-exp else-exp env))))
    ...
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *proc* (liga léxica)

```
(let (decls body)
  (let ((vars (map decl->var decls))
        (exps (map decl->exp decls)))
    (let ((new-env (extend-env vars
                              (eval-rands exps env)
                              env)))
      (eval-exp body new-env)))
  (proc (formals body)
    (make-closure fromals body env)))
(varassign (var exp)
  (cell-set! (apply-env var) (eval-exp exp env)))
(else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

apply-proc (liga léxica)

```
> (define apply-proc
  (lambda (proc args)
    (variant-case proc
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
      (closure (formals body env)
        (eval-exp
          body
          (extend-env
            formals
            (map make-cell args)
            env)))
      (else (error "procedimiento inválido:" proc)))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *proc* (liga dinámica)

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (cell-ref (apply-env env var)))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env))))
          (apply-proc proc args env))) ; se pasa el env!
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
            (eval-exp then-exp env)
            (eval-exp else-exp env))))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *proc* (liga dinámica)

```
(let (decls body)
  (let ((vars (map decl->var decls))
        (exps (map decl->exp decls)))
    (let ((new-env (extend-env vars
                               (eval-rands exps env)
                               env)))
      (eval-exp body new-env))))
(proc (formals body) exp) ;se utiliza en env vigente!
(varassign (var exp)
  (cell-set! (apply-env var) (eval-exp exp env)))
(else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

apply-proc (liga léxica)

```
> (define apply-proc
  (lambda (proc args)
    (variant-case proc
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
      (closure (formals body env)
        (eval-exp
          body
          (extend-env
            formals
            (map make-cell args)
            env))))
      (else (error "procedimiento inválido:" proc)))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

apply-proc (liga dinámica)

```
> (define apply-proc
  (lambda (proc args current-env)
    (variant-case proc
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
      (proc (formals body)
        (eval-exp
          body
          (extend-env
            formals
            (map make-cell args)
            current-env)))
      (else (error "procedimiento inválido:" proc)))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Alcance dinámico & stack environment

- Con alcance dinámico, cuando una liga se adiciona al ambiente de evaluación permanece en efecto hasta que se remueve, por lo que el ambiente obedece una disciplina de stack (last-in-first-out)
- Por lo tanto, es posible diseñar el intérprete con un stack global (en vez de pasar el *environment* como un parámetro)

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *env*

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (cell-ref (apply-env env var)))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env))))
          (apply-proc proc args env)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
            (eval-exp then-exp env)
            (eval-exp else-exp env))))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *env*

```
(let (decls body)
  (let ((vars (map decl->var decls))
        (exps (map decl->exp decls)))
    (let ((new-env (extend-env vars
                              (eval-rands exps env)
                              env)))
      (eval-exp body new-env))))
(proc (formals body) exp)
(varassign (var exp)
  (cell-set! (apply-env var) (eval-exp exp env)))
(else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *stack* global

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (cell-ref (lookup-in-env var)))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator))
              (args (eval-rands rands)))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp))
            (eval-exp then-exp)
            (eval-exp else-exp))))
    ...
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérprete con *stack* global

```
(proc (formals body) exp)
(varassign (var exp)
  (cell-set! (lookup-in-env var) (eval-exp exp)))
(else "error: sintaxis inválida:" exp))))

(define eval-rands
  (lambda (rands)
    (map (lambda (exp) (eval-exp exp))
         rands)
    ;sin env!
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

apply-proc (stack global)

```
> (define apply-proc
  (lambda (proc args)
    (variant-case proc
      (prim-proc (prim-op) (apply-prim-op prim-op args))
      (proc (formals body)
        (push-env! formals (map make-cell args))
        (let ((value (eval-exp body)))
          (pop-env!)
          value))
      (else (error "procedimiento inválido:" proc)))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Intérpretes

- Un intérprete simple (básico)
- Evaluación condicional
- Ligas locales
- Procedimientos
- Asignación de variables
- Recursión
- Alcance y asignación dinámica
 - Alcance dinámico
 - Asignación dinámica

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Asignación dinámica

- Alcance léxico: las ligas tienen vida indefinida (siempre que se necesiten)
- Se mantienen permanentemente en el *closure*
- Alcance dinámico: ligas con "vida" finita
- Asignación dinámica (fluid binding):
 - asignación dinámica a ligas con alcance léxico

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Asignación dinámica

- Ejemplo:

```
let x = 4
in let p = proc (y) +(x, y)
in +(x := 7 during p(1), p(2))
```

para p(1) x = 7
para p(2) x = 4

$\Rightarrow +((7, 1), (4, 2)) = 14$

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Asignación dinámica

- Sintaxis concreta para la asignación:
 $\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{var} \rangle := \langle \text{exp} \rangle \text{ during } \langle \text{exp} \rangle$
- Registro para interpretación de la sintaxis abstracta:
(define-record dynassign (var exp body))
que codifica:
 $\text{var} := \text{exp} \text{ during } \text{body}$
- ejemplo:

```
let x = 4
in let p = proc (y) +(x, y)
in +(x := 7 during p(1), p(2))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *dynassign*

```
> (define eval-exp
  (lambda (exp env)
    (variant-case exp
      (lit (datum) datum)
      (varref (var) (cell-ref (apply-env env var)))
      (app (rator rands)
        (let ((proc (eval-exp rator env))
              (args (eval-rands rands env))))
          (apply-proc proc args)))
      (if (test-exp then-exp else-exp)
        (if (true-value? (eval-exp test-exp env))
            (eval-exp then-exp env)
            (eval-exp else-exp env))
        ...
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.

Interprete con *dynassign* (... cont)

```
(let ...
  (proc (formals body)
    (make-closure fromals body env))
  (varassign (var exp)
    (cell-set! (apply-env env var) (eval-exp exp env)))
  (dynassign (var exp body)
    (let ((a-cell (apply-env env var))
          (b-cell (make-cell (eval-exp exp env))))
      (cell-swap! a-cell b-cell)
      (let ((value (eval-exp body env)))
        (cell-swap! a-cell b-cell)
        value)))
  (else "error: sintaxis inválida:" exp))))
```

Dr. Luis A. Pineda, IIMAS, UNAM, 2000.